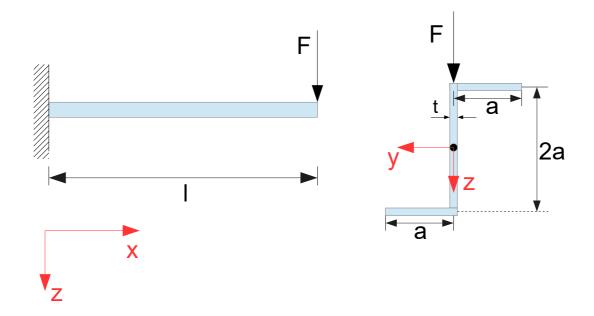
Webinar: Elastostatik

Thema: Zweiachsige Biegung



Aufgabe) Biegelinie bestimmen



Gegeben sei der obige Kragträger, welcher durch eine Kraft F in z-Richtung belastet wird. Der Querschnitt des Kragträgers ist rechts abgebildet und besitzt eine S-Form. Es sei t << a. Gegeben sind: t, a, F, l, E.

Bestimme die Hauptachsen und die Biegelinie!





Biegelinie (schiefe Biegung)

$$Ev'' = \frac{M_z I_y - M_y I_{yz}}{I_y I_z - I_{yz}^2}$$

$$Ew'' = \frac{M_{z}I_{yz} - M_{y}I_{z}}{I_{y}I_{z} - I_{yz}^{2}}$$

$$\mathbf{u}_{\text{gesamt}} = \sqrt{\mathbf{v}^2 + \mathbf{w}^2}$$

Flächenträgheitsmomente: Koordinatentransformation

$$I_{\eta} = \frac{1}{2} (I_{y} + I_{z}) + \frac{1}{2} (I_{y} - I_{z}) \cos(2\alpha) + I_{yz} \sin(2\alpha)$$

$$I_{\zeta} = \frac{1}{2}(I_{y} + I_{z}) - \frac{1}{2}(I_{y} - I_{z})\cos(2\alpha) - I_{yz}\sin(2\alpha)$$

$$I_{\eta\zeta} = \frac{-1}{2} (I_y - I_z) \sin(2\alpha) + I_{yz} \cos(2\alpha)$$

Hauptachsen

$$I_{1/2} = \frac{I_y + I_z}{2} \pm \sqrt{\left(\frac{I_y - I_z}{2}\right)^2 + I_{yz}^2}$$

Flächenträgheitsmomente (Satz von Steiner)

$$I_y = \sum (I_{yi} + z_i^2 \cdot A_i)$$

$$I_z = \sum (I_{zi} + y_i^2 \cdot A_i)$$

$$I_{yz} = \sum (I_{yzi} - y_i z_i \cdot A_i)$$